

(درجتان)

السؤال الرابع

إذا كانت $f(x) = \frac{x+1}{x+2}$ وكانت $f \circ g(x) = g \circ f(x) = x$ أوجد $g(x)$ ثم أوجد نطاق الدالة $g(x)$ ؟

(5 درجات)

السؤال الخامس

أوجد حل النهايات التالية:

1) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2+9} - 3}{x}$

2) $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x^2|3x-9|}{x-3}$

3) $\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{1}{x-2} - \frac{4}{x^2-4} \right)$

4) $\lim_{r \rightarrow 1} \frac{r-2\sqrt{r}+1}{\sqrt{r}-1}$

5) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^6-15625}{x^2-25}$

نسأل الله لكم التوفيق

(يمنع استخدام الآلة الحاسبة)
أجب عن جميع الأسئلة التالية

السؤال الأول

(6 درجات + 3 درجات)

أوجد حل المتباينات التالية:

1) $\frac{1}{|x|} - \frac{3}{x-4} \leq 0$

2) $|x - 2| \geq x$

3) $x^3 - 4x \leq 4 - x^2$

4) $\frac{3}{x^2+100} \leq 0$

ب) إذا علمت أنه يمكن التعبير عن المتباينة $-4 \leq x \leq 10$ في صورة $|x - a| \leq b$ أوجد قيمة الثوابت a, b ثم أوجد

قيمة الدالة $(g \circ f \circ h)(1)$ إذا كانت :

$f(x) = x + a$, $h(x) = \sqrt{x}$, $g(x) = x^2$

(3 درجات + 4 درجات)

السؤال الثاني

أ) مستقيم معادلته $ax + by + 1 = 0$ يمر بالنقطة (4,2) وعمودي على المستقيم الذي معادلته $x + 2y = 1$ أوجد قيم

الثوابت a, b

ب) أوجد نطاق ومدى الدوال التالية:

1) $f(x) = 1 + \sqrt{1 - x^2}$

2) $f(x) = 1 + \sin|x|$

3) $f(x) = -3|x + e|$

(درجتان + 5 درجات)

السؤال الثالث

أ) كانت $f(x) = x^3 - kx^2 + 2x$ ، أوجد قيمة k التي تجعل الدالة فردية ؟ ثم حدد ما إذا كانت الدوال التالية فردية أو

جبية أو غير ذلك:

1) $f(x) = |x + 2| + |x - 2|$

2) $f(x) = \frac{\tan(x)+x}{x^2+1}$

3) $y = e^{\pi+3e}$

4) $f(x) = \ln \frac{\cos 2x - \sin x}{\cos 2x + \sin x}$

انظر خلف الورقة

السؤال الرابع :
 / يتسرب غاز من بالون كروي بمعدل $8 \text{ cm}^3/\text{min}$. أوجد معدل انكماش المساحة السطحية للبالون عندما يكون نصف قطره مساويا 3 cm .
 ب / أوجد المشتقات الجزئية من الرتبة الأولى للدالة :

$$f(x, y, z) = zx^2 + xy^2 + z^2y + x + z$$

السؤال الخامس :
 / إذا علمت أن $f(x) = |x+1|$, $g(x) = |x+3|$ أكمل الجدول التالي :

$f(x) \geq 0$	$g(x) > 0$	$f(x) \leq 0$	$g(x) < 0$	$f'(1)$
$\mathbb{R}$	$\mathbb{R}$	$\emptyset$	$\emptyset$	$\frac{x+1}{x+1}$

$$f = |x+3| + 1$$

ب / إذا كان $f(x) = \frac{x}{x+1}$, $g(x) = \frac{1}{x-1}$, أوجد $f \circ g(x)$ ثم أوجد نطاق الدالة

ج / أوجد قيمة x التي تجعل المسافة بين النقطتين $(-2, 3)$ و (x, x) مساوية 5 وحدات . ثم أوجد حل المتباينة

$$5 = \sqrt{(-2-x)^2 + (-3-x)^2}$$

$$0 < \frac{4}{k} < x \quad \text{إذا كان} \quad 0 < x$$

$$\frac{25}{13} = \frac{12}{12}$$

$$-5 = \sqrt{(-2-x)^2 + (-3-x)^2}$$

$$25 = (-2-x)^2 + (-3-x)^2$$

$$25 = 4 + 4x + x^2 + 9 + 6x + x^2$$

$$25 = 13 + 10x + 2x^2$$

$$2x^2 + 10x - 12 = 0$$

$$x^2 + 5x - 6 = 0$$

السؤال السادس :

$$(x+2)^2 (x-3)^2$$

أ / أوجد النطاق والمدة لكل من الدوال التالية :

$$(1) \quad y = 2|x+4| - 3$$

$$(2) \quad y = \frac{x-1}{x+2}$$

$$(3) \quad y = \sqrt{\frac{1}{x} - 1}$$

ب / إذا كانت الدالتان $f(x)$, $g(x)$ قابلتان للإشتقاق وكانت $h(x) = (f \circ g)(x)$ حيث :

$$f(4) = 3, \quad g'(2) = 4, \quad g(2) = 4, \quad f'(4) = 3, \quad \text{أوجد} \quad h'(2)$$

وإذا كان $k(x) = \frac{2x^2 + x - 15}{x^2 + x - 2}$ أوجد خطوط التقارب الأفقية والرأسية .

$$x=0, x=1 \quad y=2$$

انتهت الأسئلة... بالتوفيق للجميع

$$f(gx) = \frac{g(x)}{g(x)+1} = \frac{\frac{1}{x-1}}{\frac{1}{x-1}+1} = \frac{1}{x-1+1} = \frac{1}{x}$$

$$2xy + xy - 2xy + x^2y = y$$

$$y + xy - 2xy + x^2y = y$$

$$y + xy - 2xy + x^2y = y$$

(يكتب اسم أستاذ المادة ورقم المجموعة على ورقة الإجابة مع منع استخدام الآلة الحاسبة)

أجب مبينا خطوات الحل

السؤال الأول :

أوجد المشتقة الأولى لكل من الدوال التالية :

(1) $(1 + xy)^3 = 2x^2 - 9$ (2) $y = \frac{4 \sin^2 x \cos^2 x - 1}{\cos 2x}$ (3) $y = e^{\ln \sqrt{x}}$

(4) $y = (x - 2x)^x$ (5) $y = \sec^2(x^{2n+1}) + 1$ (6) $(\log x)(\log y) = xy - 1$

(7) $y = (x + \sin x)^4$

(8) $y = x^{e^x} + x^e$

(9) $y = \tan^{-1}(x^2) + (\tan(x^2))^{-1} + \tanh^{-1}(\tan(x^2))$

(3 درجات + 3 درجات)

السؤال الثاني :

أ / أوجد معادلة المستقيم الموازي لمماس المنحنى الذي معادلته $y + x \ln y = 2x$ عند النقطة $(\frac{1}{2}, 1)$

$m = ?$

ويمر بنقطة تقاطع المستقيمين $2x - y = 5$, $x + y = 4$

ب / أوجد قيمة الثابت a الذي يجعل الدالة متصلة عند $x = 2$ حيث :

$f(x) = \begin{cases} ax^2 + 7x, & x \leq 2 \\ 3x^2 + 3, & x > 2 \end{cases}$

$3(x^2 + 1) = 15$

$\frac{1}{4}(2^2) + 7 \times 2$

$\frac{1}{4} \times 4 + 14$

(4 درجات + 6 درجات)

السؤال الثالث :

أ / إذا كانت لدينا الدالة $2g(x)y - x^2y = y - 3$ أجب عن الآتي :

(1) هل الدالة فردية أم زوجية وذلك إذا كانت $g(x) = |x|$

(2) أوجد y' وذلك إذا كانت $g(x) = |x|$

ب / أوجد النقاط الحرجة وفترات التزايد والتناقص والنقاط العظمى والصغرى ونقط الانقلاب وفترات التغير للأعلى والأسفل للدالة :

$f(x) = x^4 + 4x^3$

$\Rightarrow x^2 - 7x \Rightarrow -42 - 14$

$-42 - 14 = 15$

$-\frac{29}{4} \times 4 + 14$

$-\frac{2}{4}$