

س1 أ / باستخدام قوانين التفاضل، أوجد فترات التزايد والتناقص ونقاط العظمى والصغرى للدالة التالية؟

$$f(X) = \frac{8}{5}X^5 - 4X^2 - 1 \quad (6 \text{ درجات})$$

س1 ب / أوجد فترات التفرع الى اعلى والاسفل ونقاط الرجوع للدالة التالية باستخدام التفاضل؟ (6 درجات)

$$F(X) = 3X^3 - 3X^2 - 12X + 1$$

س2 أ / أوجد حل النهايات التالية؟ (9 درجات)

$$1) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(\sqrt{x}-1)(\sqrt[3]{x}-1)}{(x-1)^2}$$

$$2) \lim_{u \rightarrow 2} \frac{\frac{1}{u^2} - \frac{1}{4}}{u-2}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2+5}-3}{x^2-2x}$$

س2 ب / أوجد قيم الثوابت a, b التي تجعل الدالة $f(x) = \frac{ax+b}{x^2-1}$ لها قيمة قصوى عند النقطة $(3, 1)$ قيمة القصوى تعني نهاية صغرى أو عظمى؟ (8 درجات)

س2 ج / باستخدام قوانين التفاضل، أوجد ميل المماس للمنحنى $y = x + \cos(x)$ عند النقطة $(0, 1)$ ؟

(4 درجات)

س3 أ / أوجد فترات الحل للمتباينات التالية؟

(6 درجات)

$$1) \frac{1}{x^2} < 100$$

$$2) \frac{4}{x^2+9} > 0$$

$$3) |x-1| = |2x-1|$$

س3 ب / أوجد بدلالة التقاطع مع محور y معادلة المستقيم المار بالنقطة $(4, 1)$ والعمودي على المستقيم الذي معادلته؟

$$2x - 6y = 5$$

(6 درجات)

س3 ج / تزداد مساحة مستطيل بمعدل 48 سم²/ثانية، إذا كان طول المستطيل يساوي مربع عرضه على الدوام، فكم يبلغ معدل ازدياد الطول اللحظي للمستطيل والتي يكون فيها العرض يساوي 2 سم؟ (6 درجات)

س4 أوجد المشتقة الجزئية للدوال التالية؟

(9 درجات)

$$1) Z(x, y) = \frac{1}{(\sqrt{x^3} - e^{3y})^7}$$

$$Z_y, Z_x?$$

$$2) Z(x, y) = (X^2 - 1)^{\cos y}$$

$$Z_y, Z_x?$$

$$3) W(x, y, z) = y \ln(x^2 + z^2)$$

$$Z_{zzy}?$$

انتهت الاسئلة مع تمنياتي لكم بالتوفيق والنجاح