

الزمن : ساعة ونصف

الامتحان الثاني لمقرر رياضة (4) .

استاذ المادة / أ. علي علي ابوفلغة

التاريخ 2020/11/22م

رقم الطالب :

اسم الطالب :

ملاحظة : يجب كتابة اسم المجموعة على ورقة الاجابة

اجب عن جميع الأسئلة الآتية مبينا خطوات الحل .

السؤال الأول : (2 + 3 درجات)

1- بين هل الدالتان $\sin(e^x)$, $\cos(e^x)$ مستقلتان أم مرتبطتان خطيا.

2- إذا كان $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ أحد حلول المعادلة التفاضلية الآتية:

$$4x^2y'' + 8xy' + y = 0$$

فأوجد الحل الثاني المستقل خطيا عن هذا الحل ثم أوجد الحل العام للمعادلة المعطاة.

السؤال الثاني : (7.5 درجات) .

بفرض أن طريقة المعاملات غير المعينة هي المستخدمة لإيجاد الحل الخاص للمعادلات التفاضلية الآتية، أوجد صيغة للحل الخاص بدون إيجاد قيمة الثوابت:

$$1- y'' - 3y' - 4y = x^2$$

$$2- y'' + k^2y = x \sin kx + e^{kx}, k \text{ is constant}$$

$$3- y'' - 4y = e^{2x+1} - 1$$

$$\sin kx (x \sin kx) + e^{kx} \\ x \sin^2 kx + e^{kx}$$

السؤال الثالث : (5 + 2.5 درجات) .

1- أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية:

$$y'' - 6y' + 9y = \frac{e^{3x}}{x^2}$$

2 - حل مسألة القيمة الابتدائية :

$$y'' - 6 = 0, y(0) = 2, y'(0) = 3$$

انتهت الاسئلة وللجميع التوفيق