

جامعة مصراتة - كلية الهندسة - القسم العام

الامتحان الجزئي الأول لفصل الخريف 2025-2026م

المادة: رياضة 2

الزمن : ساعة ونصف

التاريخ: 2025/11/6م

أساتذة المادة: أ. عصيرين ساسي - أ. حمزة النبوت - أ. فاطمة الصور

أجب مبينا خطوات الحل مع منع استخدام الآلة الحاسبة.

السؤال الأول: (2.5 درجة لكل فقرة)

أوجد ناتج التكاملات : $\int (x+1)^2 (1-x)^{15} dx$ (1) $\int_{-2}^{-1} (|x+1| + 2x) dx$ (2)

(3) $\int_0^{\ln 2} \sinh 3x \cosh x dx$

(4) $\int e^{ax} \sin bx dx$, $ab \neq 0$

(5) $\int \frac{e^x \sec^2 e^x}{\tan^2 e^x} dx$

$(\frac{1}{4} e^{4x} + \frac{1}{2} e^{2x} + \frac{1}{2} e^{-2x} + \frac{1}{4} e^{-4x})$

السؤال الثاني (2.5 درجة)

حدد قيمة a حيث $(a \in R)$ اذا علمت ان :

$\int_1^a (x + \frac{1}{2}) dx = 2 \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sec^2 x dx$

انتهت الأسئلة ... بالتوفيق للجميع

$$\frac{1}{\frac{c \cdot s}{c \cdot s}} = \frac{c \cdot s}{c \cdot s}$$

جامعة مصراتة - كلية الهندسة - القسم العام

الامتحان الجزئي الثاني لفصل الخريف 2025-2026م

$$\int \frac{sec^2}{tan^2} \cdot \frac{sec^2}{tan^2}$$

FFP

الزمن : ساعة ونصف

التاريخ: 2025/12/11م

المادة: رياضة 2

أساتذة المادة: أ. عمرين ساسي - أ. حمزة النبوت - أ. فاطمة الصور

أجب مبينا خطوات الحل مع منع استخدام الآلة الحاسبة.
أوجد ناتج التكاملات :

$$(1) \int \frac{3x}{(x-1)(x-2)(x+3)} dx$$

(درجتان)

$$(2) \int \frac{x^2}{(x^2-1)^{5/2}} dx$$

(3 درجات)

$$(3) \int \frac{dx}{1 + \sin x - \cos x}$$

(درجة ونصف)

$$(4) \int \sin^4(\pi x) \cos^5(\pi x) dx$$

(درجتان)

$$(5) \int \frac{dx}{x^2 - 4x + 13}$$

(درجة ونصف)

$$(6) \int \frac{dx}{2x\sqrt{4x^2-2}}$$

(درجتان)

$$(7) \int \frac{\tan x}{\sqrt{\sin^4 x + \cos^4 x}} dx$$

(3 درجات)

انتهت الأسئلة ... بالتوفيق للجميع

ملاحظة : أجب مبينا خطوات الحل مع منع استخدام الآلة الحاسبة

السؤال الأول : أوجد تكامل الدوال الآتية : (36 درجة : لكل فقرة 4 درجات)

(1) $\int \frac{x^3}{(x+1)^5} dx$

(2) $\int \cot^3 5x dx$

(3) $\int \frac{dx}{3-2\cos x}$

(4) $\int \frac{\tan^2 x - \sec^2 x}{\sqrt[3]{8-2x}} dx$

(5) $\int (x^{\sqrt{2}} + \frac{2^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} + \sqrt{2x} - 2\sqrt{x}) dx$

(6) $\int \frac{x^3 + x^2}{x^2 + x - 2} dx$

(7) $\int \frac{dy}{\sqrt{1+2y}}$

(8) $\int (3x^2 + 1) \tanh^{-1} x dx$

(9) $\int \cos x \sqrt{\frac{1}{4} - \sin^2 x} dx$

السؤال الثاني : (8 درجات : لكل فقرة 4 درجات)

أوجد قيمة التكاملات :

(1) $\int_0^1 \frac{dx}{(x+1)\sqrt{x^2+2x}} = \frac{\pi}{3}$

(2) $\int_1^{\pi^2} \frac{\sin^3 \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx = \frac{4}{3} + 2\cos(1) - \frac{1}{3}\cos(1)$

السؤال الثالث : (8 درجات : لكل فقرة 4 درجات)

(27/6)

(أ) أوجد المساحة المحصورة بين المنحنى $y = 2 - x^2$ والمستقيم $y = -x$.

(8)

(ب) أوجد المساحة المحصورة بين $x = y^3 - 4y$ و محور y .

السؤال الرابع : (8 درجات)

إذا كان V_1 هو الحجم الناشئ من دوران المساحة المحصورة بين

$y = \frac{1}{x}$, $y = 0$, $x = \frac{1}{4}$, $x = c$

(C=2)

حول محور السينات , و V_2 هو الحجم الناشئ من دوران نفس المساحة حول محور الصادات ,أوجد قيمة c التي تجعل V_1 , V_2 متساويين , علما بأن $c > \frac{1}{4}$.

انتهت الأسئلة... بالتوفيق للجميع