

أجب مبينا خطوات الحل مع منع استخدام الآلة الحاسبة و قلم الرصاص

السؤال الأول :

أوجد قيمة التكاملات التالية :

(1) $\int_1^4 \frac{dx}{x^2 \left(\frac{1}{x} + 1\right)^2}$

(2) $\int_0^{\ln 2} e^{-x} \cosh x dx$

$\cos 2x = 1 - \sin^2 x = 1 - \sin^2 x$

$\cos 2x = 2 - 2 \sin^2 x$

$2 \sin^2 x = 2 - \cos 2x$

(3) $\int_0^{2\pi} \sqrt{\cos 2x + 1} dx$

(9 درجات : 2.25 لكل فقرة)

السؤال الثاني :

أوجد التكاملات التالية :

(1) $\int \frac{dx}{\sqrt{e^{-4x} - 1}} \cdot \frac{\sqrt{e^{-4x} + 1}}{\sqrt{e^{-4x} + 1}}$

(2) $\int \frac{\sqrt{2x-1}}{2x+3} dx$

(3) $\int \frac{e^{\sin 2x} \sin^2 x}{e^{2x}} dx$

(4) $\int \frac{\ln(x^2 + 1)^{\frac{1}{3}}}{x^2} dx$

انتهت الأسئلة ... بالتوفيق للجميع

$u = \sqrt{2x-1}$

$u^2 = 2x-1$

$2x = u^2 + 1$

$2u du = 2 dx$

$dx = u du$

$\frac{1}{3} \int \frac{\ln(x^2 + 1)}{x^2} dx$

$\int \frac{\frac{1}{3} \ln(x^2 + 1)}{x^2} dx$

$\int \frac{1}{x^2} dx$

$x^{-2} + 1^{-1}$
 $-2x^{-3}$
 $-\frac{2}{3}$

$-2-1$



$\int \tan 35^\circ dx$

$\sin 2\pi$
 $= 0$