

ملاحظة : يمنع استخدام الآلة الحاسبة والاجابة بقلم الرصاص
اجب عن جميع الاسئلة الاتية مبينا خطوات الحل

السؤال الأول : أوجد التكاملات الاتية : (12 درجة)

(1) $\int \frac{5 dx}{\sin^2 x \sqrt{\cot x}}$

(2) $\int \ln(1 + \sqrt{x}) dx$

(3) $\int \frac{\sin^2 y}{(\cos y)^6} dy$

(4) $\int \frac{x}{(x+1)^4} dx$

السؤال الثاني : أوجد قيمة التكاملات الاتية : (12 درجة)

(1) $\int_4^8 \frac{z dz}{z^2 + 1 + 2z}$

(2) $\int_0^4 |x^2 - 4x + 3| dx$

(3) $\int_0^{\frac{1}{\sqrt{2}}} \frac{x^2}{\sqrt{1-x^2}} dx$

السؤال الثالث : (6+6) درجة

- (a) ارسم المنطقة R المحددة بالمنحنى $y = x^2$ والمستقيمان $y = 0$ ، $x = 2$ ثم أوجد قيمة التكامل $\iint_R x^3 \cos xy \, dA$
- (b) بين هل التكامل متقارب ام متباعد في كلا من /
- (1) $\int_{-\infty}^1 \frac{2x}{1+x^2} dx$
- (2) $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{1+y^2} dy$

السؤال الرابع : احسب التكاملات الاتية : (12 درجة)

(1) $\int_1^{\infty} \int_{e^{-x}}^1 \frac{dy \, dx}{x^3 y}$

(2) $\int_0^8 \int_{\sqrt[3]{y}}^2 \frac{dx \, dy}{x^4 + 1}$

(3) $\int_0^{\frac{\sqrt{2}}{2}} \int_x^{\sqrt{1-x^2}} \frac{dy \, dx}{\sqrt{x^2 + y^2}}$

السؤال الخامس : (6+6) درجة

- (a) ارسم المنطقة المحصورة بين المنحنيين $y = x^2 + 1$ ، $y = -x^2 + 9$ ثم أوجد مساحتها ؟
- (b) أوجد الحجم الناشئ عن دوران المنطقة المحددة بالمنحنى $x^2 + y^2 = 16$ والمستقيمان $x=1$ ، $x=4$ حول المستقيم $y - 5 = 0$

بالتوفيق للجميع