

أجب عن جميع الأسئلة الآتية: (3 درجات للأعمال)

السؤال الأول: (2+2 درجة)

أوجد DTFT للمتسلسلة الآتية:

$$x(n) = [1, 2, 1, 0, 0], \quad 0 \leq n \leq 4$$

0 1 2 3 4

ثم عبر عن الناتج بدلالة $e^{j\omega}$

السؤال الثاني: (2+2 درجة)

إذا كانت: $x(n) = \delta(n) + \delta(n-1)$ فأوجد

DTFT (أ)

ب) أوجد حسابيا المقدار والطور للناتج في (أ). علق على النتائج.

السؤال الثالث: (2+2+2 درجات)

إذا كان تحويل فوريير للإشارة $x(n)$ هو $X(\omega)$ فأوجد التالي بدلالة $X(\omega)$:

$$y_1 = x(n) e^{j\pi n} \quad (أ)$$

$$y_2 = x(n-2) \quad (ب)$$

$$y_3 = x(n) \odot h(n), \quad h(n) = \delta(n) - \delta(n-1) \quad (ج)$$

السؤال الرابع: (2+2 درجة)

إذا كانت $x(n) = [1, 2, 1]; n = 0, 1, 2$ فأوجد التالي:

(أ) أوجد طاقة هذه الإشارة في المجال الزمني.

(ب) اثبت صحة نظرية بارسيفال عن طريق حساب الطاقة في المجال الترددي.

تمنيتي للجميع بالتوفيق

بعض العلاقات الرياضية

$$\sum_{k=0}^n \beta^k = \frac{1-\beta^{n+1}}{1-\beta}$$

$$\sum_{k=0}^{\infty} \beta^k = \frac{1}{1-\beta}$$

$$\text{DTFT: } X(\omega) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(n) e^{-j\omega n}$$

$$\text{IDTFT: } x(n) = \frac{1}{2\pi} \int_{2\pi} X(\omega) e^{j\omega n} d\omega$$