

[2 درجات]

1.1 النقطة $P(-3,4,-1)$ في الإحداثيات الكارتيزية، أي من هذه العوامل غير صحيح؟

(a) $\rho = -5$

(b) $r = \sqrt{26}$

(c) $\theta = \tan^{-1}(\frac{5}{-1})$

(d) $\phi = \tan^{-1}(\frac{4}{-3})$

[2 درجات]

1.2 أي هذه الخيارات يعتبر غير مسموح به عند النقطة $P(0,4,0)$ ؟

(a) $\hat{a}_\rho = a_y$

(b) $a_r = 4a_y$

(c) $\hat{a}_\theta = -a_z$

(d) $\hat{a}_\phi = a_x$

[6 درجات]

2) النقطة $T(10,60^\circ,30^\circ)$ في الإحداثيات الكروية، عبر عن النقطة T في كل من الإحداثيات الكارتيزية والإسطوانية؟3) المتجهين $A = [2z - \sin \phi] \hat{a}_\rho + [4\rho + 2 \cos \phi] a_\phi - 3\rho z a_z$ and $B = \rho \cos \phi \hat{a}_\rho + \sin \phi \hat{a}_\phi + a_z$

[6 درجات]

أوجد الزاوية المحصورة بين المتجهين A و B عند النقطة $P(1, 60^\circ, -1)$.

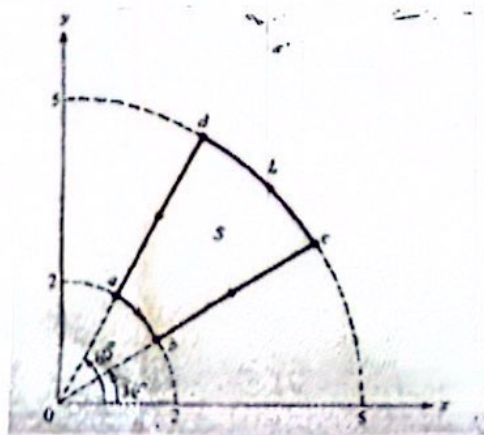
[6 درجات]

4) أوجد حجم نصف كرة باستخدام التكامل الحجمي، إذا كان نصف قطرها يساوي R .

[8 درجات]

5) إذا كان المتجه F معطى كالآتي، $F = \rho \cos \phi \hat{a}_\rho + \sin \phi \hat{a}_\phi$

- أوجد التكامل الطولي المغلق حول المسار الموضح بالشكل؟



بالتوفيق للجميع إن شاء الله

ملاحظات:

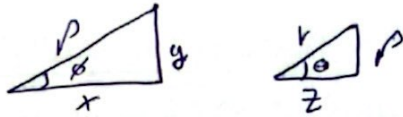
• اجب على جميع الأسئلة الآتية:

السؤال الأول: [4 درجات لكل فقرة]

1.1 النقطة $R(-2,6,0)$ في الإحداثيات الكارتيزية، عبّر عن النقطة R في الإحداثيات الكروية؟

1.2 النقطة $S(11.18, 153.43^\circ, 233.1^\circ)$ في الإحداثيات الكروية، عبّر عن النقطة S في الإحداثيات

الإسطوانية؟



$$\rho = r \sin \theta = \frac{r}{\sin \theta}$$

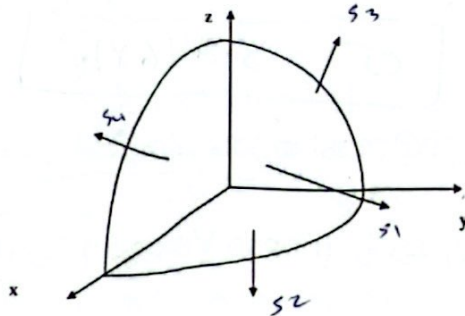
السؤال الثاني: [10 درجات]

حقّق the divergence theorem للمتجه

حول $A = r^2 a_r + r \sin \theta \cos \Phi a_\theta$

المساحة المعرّفة كالآتي $0 < r < 3$,

$$0 < \Phi < \frac{\pi}{2}, 0 < \theta < \frac{\pi}{2}$$



السؤال الثالث: [4 درجات لكل فقرة]

حدّد نوع الاستقطاب واتجاهه للموجات الآتية،

a) $E(x) = e^{j(\frac{\pi}{4} - 0.5y)} a_x + e^{j(\frac{3\pi}{4} - 0.5y)} a_z$ [V/m].

b) $E = 50 \cos(10^9 t + 8x) a_y + 40 \sin(10^9 t + 8x) a_z$ [V/m].

0.6u

$$[\sin x]^2 = 2[\sin x] \cos$$

السؤال الرابع: [8 درجات]

إلكترون يتحرك بسرعة $v = (3a_x + 12a_y - 4a_z) * 10^5$ [m/s] بدون تأثير أي قوة عليه عند نقطة في مجال مغناطيسي $B = 10 a_x + 20 a_y + 30 a_z$ mWb/m². أوجد المجال الكهربائي عند هذه النقطة.

السؤال الخامس: [10 درجات]

منطقة عازلة في المنطقة ($z < 0$) ذو سماحية $\epsilon_{r1} = 2.5$ ، بينما المنطقة ($z > 0$) لديها سماحية $\epsilon_{r2} = 4$.

$$E_1 = -30a_x + 50a_y + 70a_z \text{ [V/m]} \quad \text{إذا كان}$$

فأوجد، (a) D_2 ، (b) E_2 ، (c) P_2 ، (d) الزاوية التي يصنعها E_1 مع العمودي على السطح.

$$D = \epsilon_0 \epsilon_r E, \quad D_m = \epsilon_0 \epsilon_r E$$

$$D_m - D_{fs} = \epsilon_0 (\epsilon_r - 1) E$$

السؤال السادس: [16 درجة]

موجة مستوية تنتشر في الوسط، بحيث $\epsilon_r = 8$ ، $\mu_r = 2$ ، والمجال الكهربائي للموجة معطى كـ

$$E = 0.5 e^{-z/3} \sin(10^8 t - \beta z) a_x \text{ [V/m]}$$

$$\alpha = \frac{1}{3}$$

$$\beta = 3.646 \times 10^3$$

فأوجد،

(a) اتجاه ومعامل انتشار الموجة (Propagation direction and constant).

(b) السرعة الزاوية (Phase Velocity) والتردد (Frequency).

(c) معاوقة الموجة (Wave impedance).

(d) مماس الفقد (The loss tangent).

(e) شدة المجال المغناطيسي في الوقت الحقيقي (The magnetic field intensity in real time).

(f) ارسم المجال الكهربائي ووضح البيانات عليه.

بالتوفيق للجميع

$$\sin(\theta) = \cos(\theta - 90^\circ)$$

Formula Sheet of Final

$$\alpha = \omega \sqrt{\frac{\mu \epsilon}{2} \left[\sqrt{1 + \left[\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right]^2} - 1 \right]}$$

$$\beta = \omega \sqrt{\frac{\mu \epsilon}{2} \left[\sqrt{1 + \left[\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right]^2} + 1 \right]}$$

7 0.2653

$\partial S_3 = r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$ $r=3$

$\sin^2 x \rightarrow 0.9$
 $2 \sin x \cos x$

$2 \sin x \cos x$

$\int \sin 2x$

$-\cos$

$$\eta^* = \frac{\mu}{\sqrt{\epsilon - j \frac{\sigma}{\omega}}} = \frac{\sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}}}{\left[1 + \left(\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 \right]^{1/4}} e^{j \frac{1}{2} \tan^{-1} \left(\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)}$$

$$\begin{bmatrix} A_r \\ A_\theta \\ A_\phi \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sin \theta \cos \phi & \sin \theta \sin \phi & \cos \theta \\ -\cos \theta \cos \phi & \cos \theta \sin \phi & -\sin \theta \\ -\sin \phi & \cos \phi & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A_x \\ A_y \\ A_z \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} A_x \\ A_y \\ A_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sin \theta \cos \phi & \cos \theta \cos \phi & -\sin \phi \\ \sin \theta \sin \phi & \cos \theta \sin \phi & \cos \phi \\ \cos \theta & -\sin \theta & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A_r \\ A_\theta \\ A_\phi \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} A_\rho \\ A_\phi \\ A_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \phi & \sin \phi & 0 \\ -\sin \phi & \cos \phi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A_x \\ A_y \\ A_z \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} A_x \\ A_y \\ A_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \phi & -\sin \phi & 0 \\ \sin \phi & \cos \phi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A_\rho \\ A_\phi \\ A_z \end{bmatrix}$$

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ Fm}^{-1}$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ Hm}^{-1}$$