

$$(x-1)(x+1)$$



القسم / العام

الزمن / 3 ساعات

أستاذ المقرر / د. مصطفى علي الشريف

رقم القيد /

كلية الهندسة - جامعة مصراتة

رمز المقرر / ع.ع. 101

ممنوع استخدام آلة الحاسبة

فصل الخريف 2023-2024

الامتحان النهائي لمقرر / رياضة 1

التاريخ: 2024/03/03 م

اسم الطالب /

س1 / باستخدام قوانين التفاضل، أوجد فترات التزايد والتناقص ونقاط العظمى والصغرى للدالة التالية؟

(6 درجات)

$$f(x) = \frac{8}{5}x^5 - 4x^2 - 1$$

س1 ب / أوجد فترات التقرع الى اعلى والاسفل ونقاط الرجوع للدالة التالية باستخدام التفاضل؟ (6 درجات)

$$f(x) = 3x^3 - 3x^2 - 12x + 1$$

(9 درجات)

س2 أ / أوجد حل النهايات التالية؟

$$1) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(\sqrt{x}-1)(\sqrt[3]{x}-1)}{(x-1)^2}$$

$$2) \lim_{u \rightarrow 2} \frac{\frac{1}{u^2} - \frac{1}{4}}{u-2}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2+5}-3}{x^2-2x}$$

س2 ب / أوجد قيم الثوابت a , b التي تجعل الدالة $f(x) = \frac{ax+b}{x^2-1}$ لها قيمة قصوى عند النقطة (3,1)

(8 درجات)

قيمة القصوى تعني نهاية صغرى أو عظمى؟

س2 ج / باستخدام قوانين التفاضل، أوجد ميل المماس للمنحنى $y = x + \cos(x)$ عند النقطة (0,1)

(4 درجات)

(6 درجات)

س3 أ / أوجد فترات الحل للمتبينات التالية؟

$$1) \frac{1}{x^2} < 100$$

$$2) \frac{4}{x^2+9} > 0$$

$$3) |x-1| = |2x-1|$$

س3 ب / أوجد بدلالة التقاطع مع محور y معادلة المستقيم المار بالنقطة (4,1) والعمودي على المستقيم الذي

(6 درجات)

$$2x - 6y = 5$$

معادلته؟

$$dA = 48$$

س3 ج / تردد مساحة مستطيل بمعدل 48 سم²/ثانية، إذا كان طول المستطيل يساوي مربع عرضه على

الدوام، فكم يبلغ معدل ازدياد الطول اللحظية للمستطيل والتي يكون فيها العرض يساوي 2 سم؟ (6 درجات)

(9 درجات)

س4 أوجد المشتقة الجزئية للدوال التالية؟

$$1) Z(x, y) = \frac{1}{(\sqrt{x^3} - e^{3y})^7}$$

$$Z'_y, Z'_x?$$

$$2) Z(x, y) = (X^2 - 1)^{\cos y}$$

$$Z'_y, Z'_x?$$

$$3) W(x, y, z) = y \ln(x^2 + z^2)$$

$$W'_{zy}?$$

انتهت الاسئلة مع تمنياتي لكم بالتوفيق والنجاح

$$A = 4 + 2$$

$$1, 1$$

$$L =$$

$$\frac{2+1}{3}$$

$$\frac{\cos 2x + 2}{4x + 1}$$

السؤال الرابع:

أوجد قيمة كل من النهايات الآتية:

$$x - 4x$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{2x^2 + x} \quad -2$$

$$\lim_{t \rightarrow 1} \frac{3\sqrt{t} - 1}{t - 1} \quad -1$$

$$\frac{x^2 - 4x}{x}$$

$$x - \frac{4}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{2x + 4}{x - \frac{4}{x}} \quad -4$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - x}{1 - \sqrt{x}} \quad -3$$

$$(1) - 1$$

السؤال الخامس:

أوجد المشتقة الأولى للدوال الآتية:

$$\frac{3x}{(3)^2}$$

$$\frac{-4 + 4}{3 \cdot \frac{0}{3}} =$$

$$\frac{2(-2) + 4}{\frac{2}{1} + \frac{4}{2}}$$

$$1- \quad f(x) = \sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x}}} \quad \checkmark$$

$$2- \quad f(x) = \cos(\tan(5x^3)) \quad \checkmark$$

$$3- \quad f(x) = \sqrt[5]{\frac{x-3}{x+3}} \quad \checkmark$$

$$\left(\frac{x}{3} \right)^{\frac{1}{5}}$$

$$- \sin(\tan 3x^3) \cdot \sec^2(5x)^3 \cdot 15x^2$$

التهت الأسئلة.

am