

ملاحظة: يسمح للطلبة اصطحاب الكمبيوتر المحمول الخاص بهم

السؤال الأول: (10 درجات)

An explosion releases 2 kg of a toxic gas into a room of dimensions 30 m × 8 m × 5 m. Assuming the room air to be well-mixed and to be vented at a speed of 0.5 m s⁻¹ through an aperture of 6 m², calculate:

- (a) the initial concentration of gas in ppm by mass;
(b) the time taken to reach a safe concentration of 1 ppm.

Take the density of air as 1.2 kg m⁻³.

السؤال الثاني: (10 درجات)

في التدفق ثنائي الأبعاد، يمكن كتابة معادلات الاستمرارية ومعادلات الزخم في الاتجاه x بصيغة مبدأ الحفظ (conservative form) كما يلي على التوالي:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial(\rho u)}{\partial x} + \frac{\partial(\rho v)}{\partial y} = 0$$

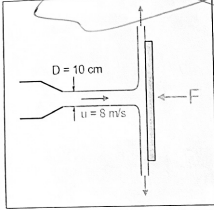
$$\frac{\partial(\rho u)}{\partial t} + \frac{\partial(\rho uu)}{\partial x} + \frac{\partial(\rho vu)}{\partial y} = -\frac{\partial p}{\partial x} + \mu \nabla^2 u$$

اكتب الصيغة في الابعاد الثلاثة لكل من الكتلة والزخم.

السؤال الثالث: (30 درجة)

لأنبوب هيدروليكي أفقي لنقل كبسولات كروية بكثافة مساوية لكثافة المائع الناقل (الماء). الأنبوب بقطر 0.1 متر وطول 1 متر والكبسولة بقطر يساوي نصف قطر الأنبوب على بعد 0.25 متر من مدخل الأنبوب. أحسب رقم رينولتز عند سرعة تشغيل تبلغ 1 متر/ثانية وقم بدراسة تأثير حجم الكبسولة على فرق الضغط الناتج من خلال زيادة قطر الكبسولة بمقدار 20% في كل مرة. استخدم ورقة الرسم البياني المرفقة في كراسة الإجابة لتمثيل البيانات.

السؤال الأول: (10 درجات)

يصطدم تيار مائي عمودياً بلوح ثابت كما هو موضح. احسب القوة F اللازمة لتثبيت اللوح

$$D = 0.1 \text{ m}$$

$$u = 8 \text{ m/s}$$

$$F = \rho u A$$

$$F = \rho A u^2$$

$$F = 1000 \cdot (7.854 \times 10^{-3}) (8)^2$$

$$= 502.65 \text{ N}$$

(10)

السؤال الثاني: (10 درجات)

في التدفق ثنائي الأبعاد، يمكن كتابة معادلات الاستمرارية ومعادلات الزخم في الاتجاه x بصيغة محافظة (conservative form) كما يلي على التوالي:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho v)}{\partial y} = 0$$

$$\frac{\partial (\rho u)}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u u)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho u v)}{\partial y} = -\frac{\partial p}{\partial x} + \mu \nabla^2 u$$

أثبت أنه يمكن كتابة هذه المعادلات بصيغ غير محافظة (non-conservative form) مكافئة على الصورة:

$$\frac{D\rho}{Dt} + \rho \left(\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} \right) = 0$$

$$\rho \frac{Du}{Dt} = -\frac{\partial p}{\partial x} + \mu \nabla^2 u$$